

# DNA mutante

La biologa Grace analizza le sequenze di DNA di vari organismi, rappresentate come stringhe di caratteri "A", "T", e "C". Nota che queste sequenze **non contengono il carattere "G"**.

Definiamo una *mutazione* come uno scambio tra due qualsiasi elementi di una sequenza di DNA: per esempio, una singola mutazione può trasformare "ACTA" in "AATC" scambiando i caratteri "A" e "C" evidenziati.

La *distanza di mutazione* tra due sequenze è quindi il minimo numero di mutazioni necessarie a trasformare una sequenza nell'altra (oppure  $-1$  se non è possibile farlo).

Grace deve analizzare due sequenze  $a$  e  $b$ , entrambe di  $n$  elementi numerati da  $0$  a  $n - 1$ , e deve rispondere a  $q$  domande del tipo: *qual è la distanza di mutazione tra le sottostringhe  $a[x..y]$  e  $b[x..y]$ ?* (con  $s[x..y]$  denotiamo la sequenza  $s[x]s[x + 1] \dots s[y]$ ).

## Note di implementazione

Devi implementare le seguenti funzioni:

```
void init(string a, string b)
```

- $a$ ,  $b$ : le sequenze di DNA di lunghezza  $n$  da analizzare.
- Questa funzione è chiamata esattamente una volta, prima di tutte le chiamate a `get_distance`.

```
int get_distance(int x, int y)
```

- $x$ ,  $y$ : indici di inizio e fine delle sottostringhe da analizzare.
- Questa funzione deve restituire la distanza di mutazione tra le sottostringhe  $a[x..y]$  e  $b[x..y]$ .
- Questa funzione viene chiamata esattamente  $q$  volte.

## Esempio

Considera la seguente chiamata:

```
init("ATACAT", "ACTATA")
```

Supponiamo il grader chiami `get_distance(1, 3)`. Questa chiamata deve restituire la distanza di mutazione tra  $a[1..3]$  e  $b[1..3]$ , e cioè "TAC" e "CTA". "TAC" può essere trasformata in "CTA" tramite 2 mutazioni: **TAC** → **CAT**, seguita da **CAT** → **CTA**, e la trasformazione è impossibile con meno di 2 mutazioni. Quindi, questa chiamata deve restituire 2.

Assumiamo che poi il grader chiami `get_distance(4, 5)`. Questa chiamata deve restituire la distanza di mutazione tra "AT" e "TA": per farlo è necessaria e sufficiente una singola mutazione, e quindi la chiamata deve restituire 1.

Infine, supponiamo il grader chiami `get_distance(3, 5)`. Dato che **non esiste** un modo per trasformare la sequenza "CAT" in "ATA" tramite mutazioni, questa chiamata deve restituire -1.

## Assunzioni

- $1 \leq n, q \leq 100\,000$ .
- $0 \leq x \leq y \leq n - 1$ .
- I caratteri di  $a$  e  $b$  sono tutti "A", "T", o "C".

## Subtask

1. (21 punti)  $y - x \leq 2$ .
2. (22 punti)  $q \leq 500$ ,  $y - x \leq 1000$ , e  $a$  e  $b$  consistono dei soli caratteri "A" e "T".
3. (13 punti)  $a$  e  $b$  consistono dei soli caratteri "A" e "T".
4. (28 punti)  $q \leq 500$ ,  $y - x \leq 1000$ .
5. (16 punti) Nessuna limitazione aggiuntiva.

## Grader di esempio

Il grader di esempio legge l'input nel seguente formato:

- riga 1:  $n\ q$
- riga 2:  $a$
- riga 3:  $b$
- righe  $4 + i$  ( $0 \leq i \leq q - 1$ ):  $x\ y$  per la  $i$ -esima chiamata a `get_distance`.

Il grader di esempio stampa l'output nel seguente formato:

- righe  $1 + i$  ( $0 \leq i \leq q - 1$ ): il valore restituito dalla  $i$ -esima chiamata a `get_distance`.