

# Mutating DNA

Grace je biolog koja radi u firmi za bioinformatiku u Singapuru. Kao dio svog posla, ona analizira DNK sekvence različitih organizama. DNK sekvenca je definisana kao string koji se sastoji od znakovi „A“, „T“ i „C“. Imajte na umu da u ovom zadatku DNK sekvence **ne sadrže znak "G"**.

Definisaćemo mutaciju kao operaciju na jednoj DNK sekvenci gdje su dva elementa sekvence zamjenila mjesta. Na primer, pojedinačna mutacija može transformisati "ACTA" u "AATC" zamjenom boldovanih znakova „A“ i „C“

Udaljenost mutacije između dvije sekvence je najmanji broj mutacija potrebnih da se transformiše jedna sekvenca u drugu ili  $-1$  ako nije moguće transformisati jednu sekvencu u drugu korišćenjem mutacija.

Grejs analizira dvije DNK sekvence  $a$  i  $b$ , obje se sastoje od  $n$  elemenata sa indeksima od  $0$  do  $n - 1$ . Vaš zadatak je da pomognete Grace da odgovori na  $q$  pitanja oblika: koja je udaljenost mutacije između podstringa  $a[x..y]$  i podstringa  $b[x..y]$ ? Ovde je podstring  $s[x..y]$  DNK sekvence  $s$  je definisan kao sekvenca uzastopnih karaktera stringa  $s$ , čiji su indeksi  $x$  do  $y$  uključivo. Drugim riječima,  $s[x..y]$  je sekvenca  $s[x]s[x + 1] \dots s[y]$ .

## Detalji implementacije

Treba implementirati sledeću funkciju:

```
void init(string a, string b)
```

- $a$ ,  $b$ : stringovi dužine  $n$ , koji opisuju dvije DNK sekvence koje treba analizirati.
- Ova funkcija se poziva tačno jednom, prije bilo kojeg poziva `get_distance`.

```
int get_distance(int x, int y)
```

- $x$ ,  $y$ : početni i kranji indeksi substringova koje treba analizirati.
- Funkcija treba da vrati udaljenost mutacije između podstringova  $a[x..y]$  i  $b[x..y]$ .
- Funkcija se poziva tačno  $q$  puta.

## Primjer

Razmotrite sledeći poziv:

```
init("ATACAT", "ACTATA")
```

Recimo da program za ocjenjivanje (grader) poziva `get_distance(1, 3)`. Ovaj poziv treba da vrati udaljenost mutacije između  $a[1..3]$  i  $b[1..3]$ , odnosno sekvence "TAC" and "CTA". "TAC" se može transformisati u "CTA" pomoću 2 mutacije: **TAC** → **CAT**, nakon čega slijedi **CAT** → **CTA**, a transformacija je nemoguća sa manje od 2 mutacije.

Prema tome, ovaj poziv treba da vrati 2.

Recimo da program za ocjenjivanje (grader) poziva `get_distance(4, 5)`. Ovaj poziv treba da vrati udaljenost mutacije između "AT" and "TA". "AT" može biti transformisan u "TA" jednom mutacijom, očigledno je potrebna najmanje jedna mutacija.

Prema tome, ovaj poziv treba da vrati 1.

Na kraju, recimo da program za ocjenjivanje (grader) poziva `get_distance(3, 5)`. Budući da **nema načina** da se sekvenca "CAT" transformiše u "ATA" putem bilo kog niza mutacija, ovaj poziv treba da vrati  $-1$ .

## Ograničenja

- $1 \leq n, q \leq 100\,000$
- $0 \leq x \leq y \leq n - 1$
- Svaki znak od  $a$  i  $b$  jedan je od znakova "A", "T", i "C".

## Podzadaci

1. (21 bod)  $y - x \leq 2$
2. (22 boda)  $q \leq 500$ ,  $y - x \leq 1000$ , svaki znak od  $a$  i  $b$  je ili "A" ili "T".
3. (13 bodova) svaki znak  $a$  i  $b$  je "A" ili "T".
4. (28 bodova)  $q \leq 500$ ,  $y - x \leq 1000$
5. (16 bodova) Nema dodatnih ograničenja.

## Primjer programa za ocjenjivanje (Sample grader)

Program za ocjenjivanje (sample grader) čita ulaz u sledećem formatu:

- linija 1:  $n\ q$
- linija 2:  $a$
- linija 3:  $b$
- linija  $4 + i$  ( $0 \leq i \leq q - 1$ ):  $x\ y$  za  $i$ -ti poziv `get_distance`.

Program za ocjenjivanje (sample grader) prikazuje odgovor u sledećem formatu:

- linija  $1 + i$  ( $0 \leq i \leq q - 1$ ): vraća vrijednost  $i$ -tog poziva `get_distance`.